Ce document a été mis en ligne par l'organisme FormaV®.

Toute reproduction, représentation ou diffusion, même partielle, sans autorisation préalable, est strictement interdite.

Pour consulter tous nos sujets d'annales et corrigés du Bac Général Maths + SI, veuillez visiter :
bac-maths-si.fr/annales-sujets-et-corriges

Bac 2021 Juin Sciences de l'ingénieur Correction © http://labolycee.org
Partie Sciences physiques Durée : 30 min
EXERCICE B –Préparer un thé (2,5 points)
Mots clés : bilan d'énergie ; loi de Newton ; évolution de la température d'un système au cours du temps (barème sur 10 pts)

1. (2pts) On souhaite effectuer le bilan d'énergie pour le système {eau + bouilloire} échangeant de l'énergie par un transfert thermique avec l'air extérieur entre les instants *t* et *t* + Δ*t*.
On suppose pour cela que Δ*t* est petit devant la durée typique d'évolution de la température. Établir la relation suivante : $C.(T(t+\Delta t) - T(t)) = h.S.(T_0 - T(t)).\Delta t$

Système {eau + bouilloire}
D'après le premier principe de la thermodynamique la variation d'énergie totale du système ΔE est
$\Delta E = \Delta U + \Delta E_m$ où E_m est l'énergie mécanique et U l'énergie interne du système
Le système est au repos donc $\Delta E_m = 0$.
Ainsi $\Delta E = \Delta U$
Par ailleurs $\Delta U = W + Q$ où W représente le travail mécanique échangé par le système
Q représente la chaleur échangée par le système, $Q = \Phi.\Delta t$.
Ici $W = 0$.
$\Delta U = Q$
$\Delta U = \Phi.\Delta t$ où Φ est le flux thermique
La loi de Newton indique $\Phi = h.S.(T_0 - T(t))$,
$\Delta U = h.S.(T_0 - T(t)).\Delta t$ Attention *t* temps, *T* température

Enfin par définition de l'énergie interne $\Delta U = C.\Delta T$,
Ainsi $C.\Delta T = h.S.(T_0 - T(t)).\Delta t$, avec $\Delta T = T(t+\Delta t) - T(t)$.
On retrouve bien $C.(T(t+\Delta t) - T(t)) = h.S.(T_0 - T(t)).\Delta t$

2. (2pts) Établir, par passage à la limite Δ*t*→0, l'équation différentielle vérifiée par la température *T* du système. Montrer qu'elle peut se mettre sous la forme : $\frac{dT}{dt} = a.(T_0 - T(t))$. Exprimer *a* en fonction de *h*, *S* et *C*.

$$C.\frac{T(t+\Delta t) - T(t)}{\Delta t} = h.S.(T_0 - T(t))$$

$$\frac{T(t+\Delta t) - T(t)}{\Delta t} = \frac{h.S}{C}.(T_0 - T(t))$$

Pour $\Delta t \rightarrow 0$, on obtient $\frac{dT}{dt} = \frac{h.S}{C}.(T_0 - T(t))$.

Par analogie avec $\frac{dT}{dt} = a.(T_0 - T(t))$, on en déduit que $a = \frac{h.S}{C}$.

3. (1pt) À partir de l'équation différentielle établie à la question précédente, expliquer qualitativement comment évolue la valeur absolue de la pente de la courbe représentant la température du système en fonction du temps lorsque l'eau de la bouilloire se refroidit.

La pente de la tangente à la courbe représentant la température en fonction du temps est égale à $\frac{dT}{dt}$.

Au cours du temps, la température du système $T(t)$ diminue et tend vers T_0,
ainsi $T_0 < T(t)$ donc $T_0 - T(t) < 0$

De plus *a* est égale à une constante positive dépendant des conditions de l'expérience.
Donc $a.(T_0 - T(t))$ est de moins en moins négatif et tend vers 0.

La pente $\frac{dT}{dt} = a.(T_0 - T(t))$ est donc également moins en moins négative et tend vers zéro.

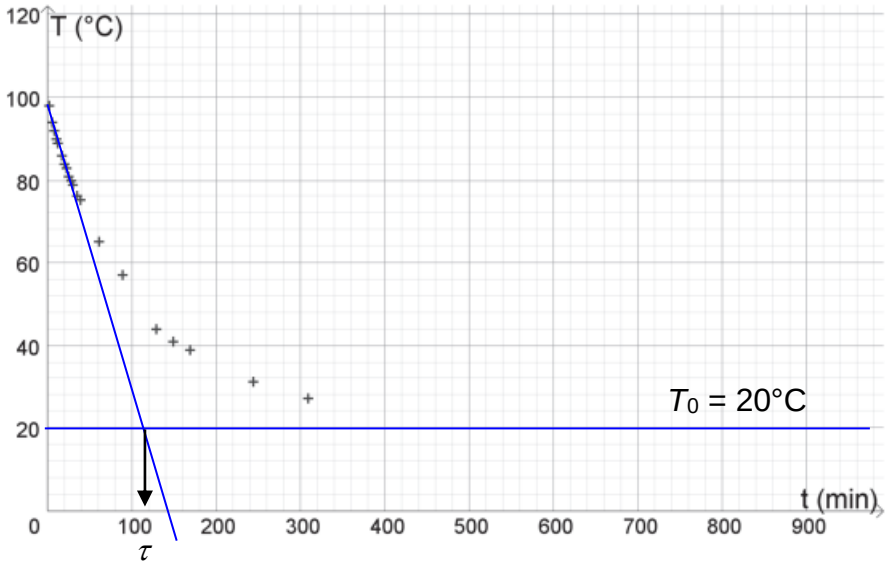
La valeur absolue $\left|\frac{dT}{dt}\right|$ est donc de moins en moins positive et elle aussi tend vers zéro.

4. Déterminer graphiquement la durée typique $\tau = \frac{1}{a}$ en faisant apparaître la démarche

On trace la tangente à l'origine, elle coupe l'asymptote $T = T_0$ à la date $t = \tau$.

Document-réponse 2 : EXERCICE B, question 4.

Évolution de la température de l'eau dans la bouilloire au cours du temps



On lit $\tau = 1{,}2\times10^2$ min.

5. (3pts) Indiquer, en justifiant les réponses, si les affirmations suivantes sont vraies ou fausses :

a. La durée τ sera d'autant plus grande que la quantité d'eau dans la bouilloire est faible.

$a = \frac{h.S}{C}$ et $\tau = \frac{1}{a}$ donc $\tau = \frac{C}{h.S}$ avec h et S non modifiées si la quantité d'eau diminue.

Si la quantité d'eau diminue alors la capacité thermique C de l'échantillon d'eau diminue (il faut échanger moins d'énergie pour faire varier sa température d'un kelvin, C s'exprime en $J.K^{-1}$).

La proposition est fausse.

b. La durée τ diminue si on place la bouilloire sur le rebord d'une fenêtre en hiver(5°C).

Comme établi précédemment $\tau = \frac{C}{h.S}$, or C, h et S ne sont pas modifiés si la température extérieure change.

La proposition est fausse.

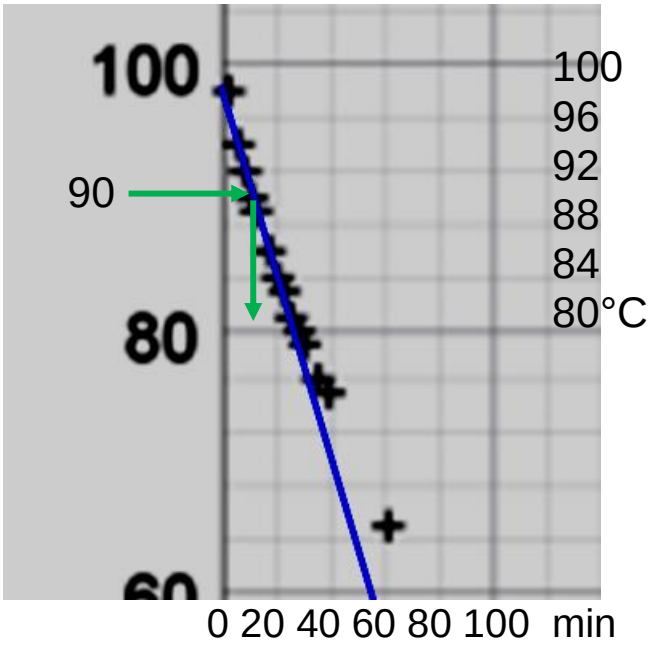
c. Si le système se trouve dans une pièce fortement ventilée, alors la durée typique τ sera plus faible.

$\tau = \frac{C}{h.S}$, C et S non modifiées. Mais le coefficient d'échange convectif h sera plus élevé et donc τ sera plus faible.

La proposition est vraie.

6. (1pt) Pour consommer un thé Oolong, il est recommandé de débuter l'infusion avec une eau à 90 °C. Ne disposant pas d'une bouilloire à température réglable, on fait bouillir 1 litre d'eau dans la bouilloire. Évaluer la durée du refroidissement du système {bouilloire + eau} de 100 °C à 90 °C pour que la préparation soit réussie.

On procède par lecture graphique : on lit l'abscisse t pour laquelle T = 90°C. On lit $t \sim$ 10 min.



Cette méthode graphique est très approximative.

Copyright © 2027 FormaV®. Tous droits réservés.

FormaV® est une marque déposée auprès de l'INPI sous le numéro 5227897.

Ce document a été élaboré par FormaV® avec le plus grand soin afin d'accompagner chaque apprenant vers la réussite de ses examens. Son contenu (textes, graphiques, méthodologies, tableaux, exercices, concepts, mises en forme) constitue une œuvre protégée par le droit d'auteur.

Toute copie, partage, reproduction, diffusion ou mise à disposition, même partielle, gratuite ou payante, est strictement interdite sans accord préalable et écrit de FormaV®, conformément aux articles L.111-1 et suivants du Code de la propriété intellectuelle. Dans une logique anti-plagiat, FormaV® se réserve le droit de vérifier toute utilisation illicite, y compris sur les plateformes en ligne ou sites tiers.

En utilisant ce document, vous vous engagez à respecter ces règles et à préserver l'intégrité du travail fourni. La consultation de ce document est strictement personnelle.

Merci de respecter le travail accompli afin de permettre la création continue de ressources pédagogiques fiables et accessibles.